

数 学 問 題

(解答は、正解を①～④から選んでア～ホに番号を記入しなさい。)

(1) $(2a^2b)^2 \times (\frac{b}{a^2})^2$ 計算すると となる。

- ① $6a^2b^5$ ② $6a^2b^6$ ③ $8ab^5$ ④ $8a^2b^5$

(2) $x^2 - y^2 - 2y - 1$ を因数分解すると である。

- ① $(x+y+1)(x-y-1)$ ② $(x+y+1)(x-y+1)$
 ③ $(x+y-1)(x-y+1)$ ④ $(x+y-1)(x-y-1)$

(3) $(\sqrt{3} - \sqrt{2})(\sqrt{6} + 2)$ を計算すると である。

- ① $5\sqrt{2}$ ② $\sqrt{2}$ ③ $5\sqrt{2} - 5\sqrt{3}$ ④ 1

(4) $a = -1$ のとき $|a-1| + |a+2|$ の値は である。

- ① -3 ② -1 ③ 1 ④ 3

(5) $x + \frac{1}{x} = \sqrt{6}$ のとき、 $x^2 + \frac{1}{x^2}$ の値は である。

- ① 1 ② 4 ③ 5 ④ 10

(6) 連立不等式 $x^2 + x - 2 < 0$, $x^2 - x > 0$ の解は である。

- ① $x > 1$ ② $0 < x < 1$ ③ $-2 < x < 0$ ④ $x < -2$

(7) 方程式 $(k-1)x^2 + 3x - 1 = 0$ が異なる2つの実数解をもつとき、定数 k の値の範囲は である。

- ① $k < -\frac{5}{4}$ ② $k > -\frac{5}{4}$ ③ $-\frac{5}{4} < k < 1, 1 < k$ ④ $1 < k < \frac{13}{4}, k < 1$

(8) 対称軸が $x=2$ で2点 $(-2, 5), (4, -1)$ を通る放物線の方程式は である。

- ① $y = \frac{1}{2}x^2 - 2x - 1$ ② $y = \frac{1}{2}x^2 + 2x - 1$
 ③ $y = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 1$ ④ $y = -\frac{1}{6}x^2 - \frac{3}{2}x + \frac{13}{3}$

(9) 放物線 $y = x^2 - 2x + 3$ を y 軸に関して対称移動して得られる放物線の方程式は である。

- ① $y = -x^2 + 2x - 3$ ② $y = -x^2 + 2x + 3$ ③ $y = x^2 - 2x - 3$ ④ $y = x^2 + 2x + 3$

(10) 関数 $y = \sin^2 x + \cos x \cdots \text{①}$ について、次の問いにこたえよ。

(イ) $\cos x = t$ とおいたとき、①の式を t を用いて表すと である。

- ① $y = -t^2 + t - 1$ ② $y = -t^2 + t + 1$
 ③ $y = t^2 + t - 1$ ④ $y = t^2 + t + 1$

(ロ) $0^\circ \leq x \leq 180^\circ$ のとき、①の最大値 M と最小値 m は である。

- ① $M=1, m=-1$ ② $M=\frac{3}{4}, m=-1$
 ③ $M=\frac{5}{4}, m=-1$ ④ $M=\frac{5}{4}, m=1$

(11) 2次不等式 $2x^2 + 6x + 3 - k > 0$ がすべての実数 x で成り立つとき、定数 k のとり得る値の範囲は である。

- ① $k < -\frac{3}{2}$ ② $k \leq -\frac{3}{2}$ ③ $k > -\frac{3}{2}$ ④ $k \geq -\frac{3}{2}$

(12) $a > 1$ のとき、関数 $y = x^2 - 2ax$ ($0 \leq x \leq 1$) の最小値は である。

- ① $-a^2$ ② 0 ③ a^2 ④ $1 - 2a$

(13) $x:y=3:2$ のとき, $\frac{x^2+y^2}{xy}$ の値は である。

- ① $\frac{5}{6}$ ② $\frac{6}{5}$ ③ $\frac{13}{5}$ ④ $\frac{13}{6}$

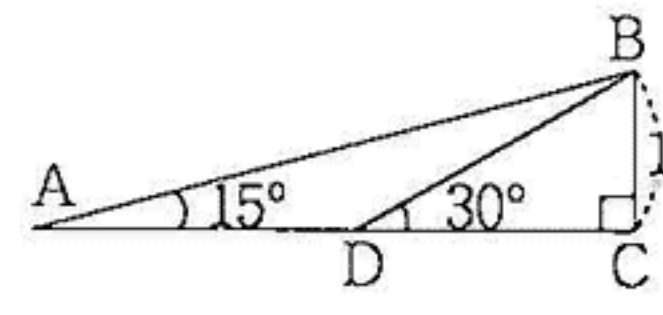
(14) $\triangle ABC$ において, $b=3, c=5, a$ を最大辺とする。このとき, a のとり得る値の範囲は である。

- ① $5 \leq a < 8$ ② $5 < a < 8$ ③ $3 < a < 8$ ④ $3 \leq a < 8$

(15) 右の図の直角三角形 ABC を利用して, 次の値を求めよ。

$\sin 15^\circ =$ である。

- ① $\frac{1}{2}$ ② $2-\sqrt{3}$ ③ $\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$ ④ $\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$



(16) 2直線 $y=-\sqrt{3}x+2$ と $y=x-2$ のなす角 θ は である。

ただし $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ とする。

- ① 45° ② 60° ③ 75° ④ 120°

(17) $(3x-2y)^5$ の展開式における x^2y^3 の係数は である。

- ① -720 ② -80 ③ 90 ④ 720

(18) 集合 $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ の部分集合の個数は 個である。

- ① 30 ② 32 ③ 64 ④ 128

(19) E, K, I, M, A, E の6文字を左から一列に並べるとき, 並べ方は全部で 通りである。

- ① 60 ② 120 ③ 360 ④ 720

(20) 正六角形の6個の頂点のうち3個を頂点とする三角形は 個できる。

このうち, 正三角形は 個である。

- ① 2 ② 6 ③ 12 ④ 20

(21) 白球が4個, 赤球が3個入っている箱から3個の球を取り出すとき, 含まれる白球の個数を X とする。 $X=1$ である確率は であり, $X=2$ である確率は である。また, X の期待値は である

- ① $\frac{12}{35}$ ② $\frac{18}{35}$ ③ $\frac{32}{35}$ ④ $\frac{60}{35}$

(22) $x+y>0$ は $x>0, y>0$ であるための である。

- ① 必要条件 ② 十分条件 ③ 必要十分条件 ④ 必要条件でも十分条件でもない

(23) 男子4人, 女子3人の合計7人が一列に並ぶとき, 女子3人が隣り合う並び方は

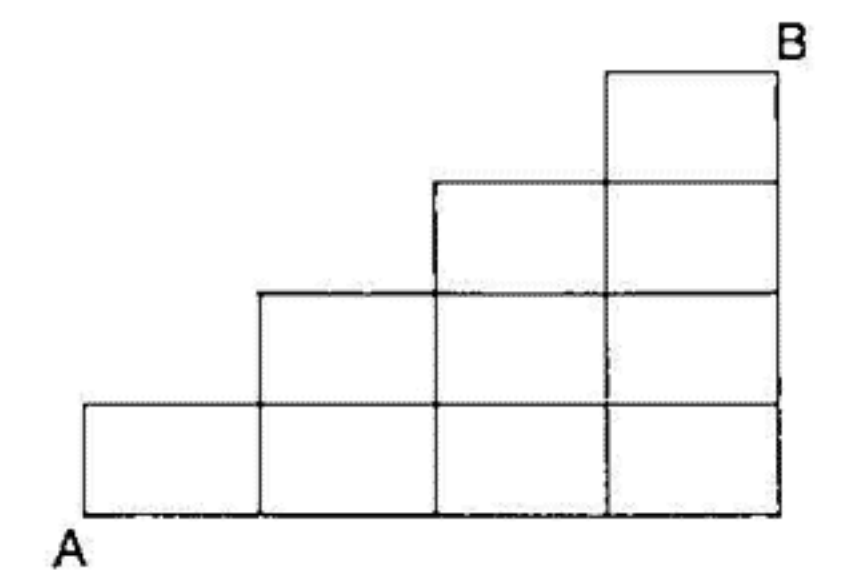
通りである。

- ① 120 ② 144 ③ 720 ④ 5040

(24) 右の図のように, 東西に5本, 南北に5本の道がある。

A 地点から B 地点まで最短距離で行く道順は 通りである。

- ① 28 ② 42 ③ 56 ④ 70



(25) $\triangle ABC$ において, $AB=3, AC=2, \angle A=60^\circ$, $\angle A$ の2等分線と辺 BC との交点を D とするとき, $\triangle ABC$ の面積は , AD の長さは である。

- ① $\frac{3\sqrt{7}}{5}$ ② $\frac{2\sqrt{7}}{5}$ ③ $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ ④ $\frac{6\sqrt{3}}{5}$

解答用紙

受験科目	受験番号	氏名	得点
数学			

配点

問題	番号	解答欄	
1	ア	④	3
2	イ	①	3
3	ウ	②	3
4	エ	④	3
5	オ	②	4
6	カ	③	4
7	キ	③	4
8	ク	①	4
9	ケ	④	4
10	コ	②	2
	サ	③	3
11	シ	①	4
12	ス	④	4
13	セ	④	3
14	ソ	①	4
15	タ	③	4

問題	番号	解答欄	
16	チ	③	4
17	ツ	①	4
18	テ	②	4
19	ト	③	4
20	ナ	④	3
	ニ	①	3
21	ヌ	①	2
	ネ	②	2
	ノ	④	2
22	ハ	①	3
23	ヒ	③	4
24	フ	②	4
25	ヘ	③	3
	ホ	④	2

700点